

	ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ (Ο.Ε.Φ.Ε.) – ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ
ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015 Β' ΦΑΣΗ	E_3.Αλ3Ε(α)

ΤΑΞΗ: 3^η ΤΑΞΗ ΕΠΑ.Λ. (Β' ΟΜΑΔΑ)

ΜΑΘΗΜΑ: ΑΡΧΕΣ ΟΙΚΟΝΟΜΙΚΗΣ ΘΕΩΡΙΑΣ / ΕΠΛΟΓΗΣ

Ημερομηνία: Παρασκευή 17 Απριλίου 2015

Διάρκεια Εξέτασης: 3 ώρες

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΟΜΑΔΑ ΠΡΩΤΗ

- A.1 α. ΣΩΣΤΟ
 β. ΣΩΣΤΟ
 γ. ΛΑΘΟΣ
 δ. ΣΩΣΤΟ
 ε. ΛΑΘΟΣ

- A.2 β

- A.3 γ



- B.1 Σχολικό βιβλίο σελίδες 37 και 38.
 Παράγραφος 7: Μεταβολή στη ζητούμενη ποσότητα και μεταβολή στη ζήτηση.

- α. Το α) Μεταβολή μόνο στη ζητούμενη ποσότητα.

Από: Η ζητούμενη ποσότητα μεταβάλλεται μόνο...

Έως: και το διάγραμμα 2.8. Μεταβολή της ζητούμενης ποσότητας.

- β. Το β) Μεταβολή μόνο στη ζήτηση.

Από: Στην περίπτωση αυτή δεχόμαστε ότι...

Έως: και το διάγραμμα 2.9. Μεταβολή της ζήτησης.

- B.2 Σχολικό βιβλίο σελίδα 57.

Παράγραφος 6: Ο νόμος της φθίνουσας ή μη ανάλογης απόδοσης.

Από: Ο νόμος της φθίνουσας ή μη ανάλογης απόδοσης δηλώνει ότι...

Έως: αρχικά αυξάνεται και μετά μειώνεται.

ΟΜΑΔΑ ΤΡΙΤΗ

Γ.1

Συνδυασμοί Ποσοτήτων	Παραγόμενες Ποσότητες Αγαθού X	Παραγόμενες Ποσότητες Αγαθού Ψ	Κόστος Ευκαιρίας Αγαθού Ψ (σε μονάδες του X)	Κόστος Ευκαιρίας Αγαθού X (σε μονάδες του Ψ)
A	X _A =0	Ψ _A =4.640		
			KE _{Ψ_(B→A)} = 1	KE _{X_(A→B)} = 1
B	160	4.480		
			1/2	KE _{X_(B→Γ)} = 2
Γ	X _Γ =400	Ψ _Γ =4.000		
			KE _{Ψ_(Δ→Γ)} = $\frac{1}{4}$	4
Δ	800	2.400	KE _{Ψ_(E→Δ)} = $\frac{1}{5}$	KE _{X_(Δ→E)} = 5
E	992	Ψ _E =1.440	KE _{Ψ_(Z→E)} = $\frac{1}{6}$	KE _{X_(E→Z)} = 6
Z	X _Z =1.232	Ψ _Z =0		

Εφόσον στο συνδυασμό A όλοι οι παραγωγικοί συντελεστές απασχολούνται στην παραγωγή του αγαθού Ψ, έχουμε X_A = 0..

Εφόσον για να παραχθεί μια επιπλέον μονάδα του αγαθού Ψ σε μονάδες του αγαθού X από το συνδυασμό B στον A, θα πρέπει να θυσιαστεί μια μονάδα από το αγαθό X, έχουμε KE_{Ψ_(B→A)} = 1.

Εφόσον όταν η οικονομία παράγει στο συνδυασμό E, η ποσότητα του αγαθού Ψ που παράγεται διαφέρει (μειώνεται) κατά 40% από την ποσότητα του αγαθού Ψ που παράγεται στο συνδυασμό Δ, έχουμε Ψ_E=2.400 - 40% · 2.400=...=1.440 .

Εφόσον όταν η οικονομία παράγει στο συνδυασμό Z, η ποσότητα του αγαθού X που παράγεται διαφέρει (αυξάνεται) κατά 240 μονάδες από την ποσότητα του αγαθού X που παράγεται στο συνδυασμό E, έχουμε X_Z=992+240=...=1.232 .

	ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ (Ο.Ε.Φ.Ε.) – ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ
ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015 Β' ΦΑΣΗ	E_3.Aλ3E(a)

Εφόσον όταν η οικονομία παράγει στο συνδυασμό Z, όλοι οι παραγωγικοί συντελεστές απασχολούνται στην παραγωγή του αγαθού X, έχουμε $\Psi_Z=0$.

$$KE_{\Psi_{(B \rightarrow A)}} = 1 \Rightarrow \dots \Rightarrow \Psi_A = 4.640.$$

$$KE_{\Psi_{(\Gamma \rightarrow B)}} = \frac{1}{2} \Rightarrow \dots \Rightarrow \Psi_\Gamma = 4.800 - 2 \cdot X_\Gamma \quad (\Sigma \chi \epsilon \sigma \eta \ 1).$$

$$KE_{X_{(\Gamma \rightarrow \Delta)}} = 4 \Rightarrow \dots \Rightarrow \Psi_\Gamma = 5.600 - 4 \cdot X_\Gamma \quad (\Sigma \chi \epsilon \sigma \eta \ 2).$$

$$\Sigma \chi \epsilon \sigma \eta \ 1 = \Sigma \chi \epsilon \sigma \eta \ 2 \Rightarrow 4.800 - 2 \cdot X_\Gamma = 5.600 - 4 \cdot X_\Gamma \Rightarrow \dots \Rightarrow X_\Gamma = 400 \quad (\Sigma \chi \epsilon \sigma \eta \ 3).$$

$$\Sigma \chi \epsilon \sigma \eta \ 1 \xrightarrow[\text{(\Sigma \chi \epsilon \sigma \eta \ 3)}]{X_\Gamma = 400} \dots \Rightarrow \Psi_\Gamma = 4.000.$$



$$KE_{X_{(A \rightarrow B)}} = \frac{\Delta \Psi_{(A \rightarrow B)}}{\Delta X_{(A \rightarrow B)}} \dots = 1.$$

$$KE_{X_{(B \rightarrow \Gamma)}} = \frac{\Delta \Psi_{(B \rightarrow \Gamma)}}{\Delta X_{(B \rightarrow \Gamma)}} \dots = 2.$$

$$KE_{\Psi_{(\Delta \rightarrow \Gamma)}} = \frac{\Delta X_{(\Delta \rightarrow \Gamma)}}{\Delta \Psi_{(\Delta \rightarrow \Gamma)}} \dots = \frac{1}{4}.$$

$$KE_{\Psi_{(E \rightarrow \Delta)}} = \frac{\Delta X_{(E \rightarrow \Delta)}}{\Delta \Psi_{(E \rightarrow \Delta)}} \dots = \frac{1}{5}.$$

$$KE_{X_{(\Delta \rightarrow E)}} = \frac{\Delta \Psi_{(\Delta \rightarrow E)}}{\Delta X_{(\Delta \rightarrow E)}} \dots = 5.$$

$$KE_{\Psi_{(Z \rightarrow E)}} = \frac{\Delta X_{(Z \rightarrow E)}}{\Delta \Psi_{(Z \rightarrow E)}} \dots = \frac{1}{6}.$$

$$KE_{X_{(E \rightarrow Z)}} = \frac{\Delta \Psi_{(E \rightarrow Z)}}{\Delta X_{(E \rightarrow Z)}} \dots = 6.$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015
Β' ΦΑΣΗ

E_3.Αλ3Ε(α)

- Γ.2** Με τη βοήθεια του παρακάτω πίνακα υπολογίζουμε τη μέγιστη ποσότητα από το αγαθό Ψ που μπορεί να παραχθεί, όταν παράγονται 220 μονάδες από το αγαθό X:

Συνδυασμοί Ποσοτήτων	Παραγόμενες Ποσότητες Αγαθού X	Παραγόμενες Ποσότητες Αγαθού Ψ	Κόστος Ευκαιρίας Αγαθού X (σε μονάδες Ψ)
B	160	4.480	
B'	220	$\Psi_{E'} = 4.360$	2
Γ	400	4.000	

$$KE_{X(B \rightarrow B')} = 2 \Rightarrow \frac{\Delta \Psi_{(B \rightarrow B')}}{\Delta X_{(B \rightarrow B')}} = 2 \Rightarrow \frac{4.480 - \Psi_{B'}}{220 - 160} = 2 \Rightarrow \dots \Rightarrow \Psi_{B'} = 4.360 \text{ μονάδες προϊόντος.}$$

Άρα η μέγιστη ποσότητα από το αγαθό Ψ που μπορεί να παραχθεί, όταν παράγονται 220 μονάδες από το αγαθό X, είναι 4.360 μονάδες προϊόντος.

Επομένως ο συνδυασμός X = 220 και Ψ = 4.370 είναι ανέφικτος, δηλαδή είναι ένας συνδυασμός ο οποίος δεν μπορεί να παραχθεί γιατί βρίσκεται εκτός των παραγωγικών δυνατοτήτων της οικονομίας.

- Γ.3** Η ποσότητα του αγαθού X αυξάνεται από πάνω προς τα κάτω. Η τελευταία μονάδα του αγαθού X που παράγεται είναι η 1.232η. Οι 100 τελευταίες μονάδες του αγαθού X βρίσκονται στο διάστημα από το 1.132 (1.232–100) μέχρι το 1.232.

Με τη βοήθεια του παρακάτω πίνακα υπολογίζουμε τη μέγιστη ποσότητα από το αγαθό Ψ που μπορεί να παραχθεί, όταν παράγονται 1.132 μονάδες από το αγαθό X:

Συνδυασμοί Ποσοτήτων	Παραγόμενες Ποσότητες Αγαθού X	Παραγόμενες Ποσότητες Αγαθού Ψ	Κόστος Ευκαιρίας Αγαθού X (σε μονάδες Ψ)
E	992	1.440	
E'	1.132	$\Psi_{E'} =$	6
Z	1.232	0	

 <p>ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΣ</p>	<p>ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ (Ο.Ε.Φ.Ε.) – ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ</p> <h2 style="margin: 0;">ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015</h2> <h3 style="margin: 0;">Β' ΦΑΣΗ</h3>	<p>E_3.Αλ3E(a)</p>
---	--	--------------------

$$KE_{X_{(E \rightarrow Z)}} = 6 \Rightarrow \frac{\Delta \Psi_{(E \rightarrow Z)}}{\Delta X_{(E \rightarrow Z)}} = 6 \Rightarrow \frac{\Psi_E - 0}{1.232 - 1.132} = 6 \Rightarrow ... \Rightarrow \Psi_E = 600 \text{ μονάδες προϊόντος.}$$

Επομένως, προκειμένου να παραχθούν οι 100 τελευταίες μονάδες από το αγαθό X πρέπει να θυσιαστούν $600 - 0 = 600$ μονάδες από το αγαθό Ψ.

Γ.4 $KE_{X_{(\Delta \rightarrow E)}} = 5$ σημαίνει ότι για να παραχθεί μια επιπλέον μονάδα του αγαθού X μεταξύ των συνδυασμών Δ και Ε θα πρέπει να θυσιαστούν 5 μονάδες του αγαθού Ψ. Επομένως προκειμένου να παραχθεί η 900η μονάδα του αγαθού X, η οποία βρίσκεται μεταξύ των συνδυασμών Δ και Ε, θα πρέπει να θυσιαστούν 5 μονάδες του αγαθού Ψ.

Γ.5 α. Στο συνδυασμό Α τα έσοδα της οικονομίας είναι:

$$0 \cdot 7 + 4.640 \cdot 1 = 4.640 \text{ ευρώ.}$$

Στο συνδυασμό Β τα έσοδα της οικονομίας είναι:

$$160 \cdot 7 + 4.480 \cdot 1 = 5.600 \text{ ευρώ.}$$

Στο συνδυασμό Γ τα έσοδα της οικονομίας είναι:

$$400 \cdot 7 + 4.000 \cdot 1 = 6.800 \text{ ευρώ.}$$

Στο συνδυασμό Δ τα έσοδα της οικονομίας είναι:

$$800 \cdot 7 + 2.400 \cdot 1 = 8.000 \text{ ευρώ.}$$

Στο συνδυασμό Ε τα έσοδα της οικονομίας είναι:

$$992 \cdot 7 + 1.440 \cdot 1 = 8.384 \text{ ευρώ.}$$

Στο συνδυασμό Ζ τα έσοδα της οικονομίας είναι:

$$1.232 \cdot 7 + 0 \cdot 1 = 8.624 \text{ ευρώ.}$$

Επομένως, ο συνδυασμός Ζ αποφέρει στην οικονομία τα περισσότερα έσοδα.

β. Στο συνδυασμό Δ, δηλαδή όταν η οικονομία παράγει 992 μονάδες από το αγαθό X και 1.440 μονάδες από το αγαθό Ψ, τα έσοδά της είναι 8.384 ευρώ.

$KE_{X_{(E \rightarrow Z)}} = 6$ σημαίνει ότι για να παραχθεί μια επιπλέον μονάδα του αγαθού X μεταξύ των συνδυασμών Ε και Ζ θα πρέπει να θυσιαστούν 6 μονάδες του αγαθού Ψ.

 <p>ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ</p>	<p>ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ (Ο.Ε.Φ.Ε.) – ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ</p> <h2 style="margin: 0;">ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015</h2> <h3 style="margin: 0;">Β' ΦΑΣΗ</h3>	<p>E_3.Αλ3Ε(α)</p>
---	--	--------------------

Επομένως, αν η οικονομία αυξήσει την παραγωγή του αγαθού X κατά μια μονάδα, θα πρέπει να μειώσει την παραγωγή του αγαθού Ψ κατά έξι μονάδες.

Άρα η οικονομία θα παράγει 993 μονάδες από το αγαθό X και 1.434 μονάδες από το αγαθό Ψ.

Τα έσοδα της οικονομίας όταν η οικονομία παράγει 993 μονάδες από το αγαθό X και 1.434 μονάδες από το αγαθό Ψ, είναι: $993 \cdot 7 + 1.434 \cdot 1 = 8.385$ ευρώ.

Συνεπώς, αν η οικονομία παράγει 992 μονάδες από το αγαθό X και 1.440 μονάδες από το αγαθό Ψ, την συμφέρει την οικονομία να αυξήσει την παραγωγή του αγαθού X κατά μια μονάδα.

ΟΜΑΔΑ ΤΕΤΑΡΤΗ

- Δ.1** Την γραμμική συνάρτηση της ζήτησης την προσδιορίζουμε στα σημεία εκείνα που οι προσδιοριστικοί παράγοντες της ζήτησης παραμένουν σταθεροί και ταυτόχρονα στα σημεία αυτά ισχύει ο νόμος της ζήτησης. Σύμφωνα με τα δεδομένα της άσκησης αυτό συμβαίνει μεταξύ των συνδυασμών Γ και Δ, όπου παραμένει σταθερός ο αριθμός των καταναλωτών (10.000.000), ενώ ταυτόχρονα στα σημεία αυτά ισχύει ο νόμος της ζήτησης, καθώς η τιμή αυξάνεται (από 10 σε 30) μειώνεται η ζητούμενη ποσότητα (από 200 σε 120).

$$\frac{Q_D - Q_{D\Gamma}}{P - P_\Gamma} = \frac{Q_{D\Delta} - Q_{D\Gamma}}{P_\Delta - P_\Gamma} \Rightarrow \begin{cases} P_\Gamma = 10 \\ P_\Delta = 30 \\ Q_{D\Gamma} = 200 \\ Q_{D\Delta} = 120 \end{cases} \Rightarrow \frac{Q_D - 200}{P - 10} = \frac{120 - 200}{30 - 10} \Rightarrow \dots$$

$$\dots \Rightarrow Q_D = 240 - 4 \cdot P.$$

Επομένως η συνάρτηση ζήτησης του αγαθού X είναι: $Q_D = 240 - 4 \cdot P$.

Για τη γραμμική συνάρτηση προσφοράς: $Q_s = \gamma + \delta \cdot P$, ισχύει: $\delta = \frac{\Delta Q_s}{\Delta P}$ και

$$E_s = \delta \cdot \frac{P}{Q_s}.$$

$$\text{Επομένως } E_s = \delta \cdot \frac{P}{Q_s} \Rightarrow 0,2 = \delta \cdot \frac{5}{100} \Rightarrow \dots \Rightarrow \delta = 4.$$

<p>ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ (Ο.Ε.Φ.Ε.) – ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ</p>	<p>ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015</p> <p>Β' ΦΑΣΗ</p>	<p>E_3.Αλ3Ε(α)</p>
---	--	--------------------

$$Q_s = \gamma + \delta \cdot P \Rightarrow 100 = \gamma + 4 \cdot 5 \Rightarrow \dots \Rightarrow \gamma = 80.$$

Επομένως η συνάρτηση προσφοράς του αγαθού X είναι: $Q_s = 80 + 4 \cdot P$.

Δ.2 $Q_d = Q_s \Rightarrow 240 - 4 \cdot P = 80 + 4 \cdot P \Rightarrow \dots \Rightarrow P_e = 20$ χρηματικές μονάδες.

Επομένως η τιμή ισορροπίας είναι: $P_e = 20$ χρηματικές μονάδες.

$$Q_d = 240 - 4 \cdot P \stackrel{P=P_e=20}{\Rightarrow} \dots \Rightarrow Q_{de} = 160 \text{ μονάδες προϊόντος.}$$

$$Q_s = 80 + 4 \cdot P \stackrel{P=P_e=20}{\Rightarrow} \dots \Rightarrow Q_{se} = 160 \text{ μονάδες προϊόντος.}$$

Επομένως η ποσότητα ισορροπίας είναι: $Q_e = 160$ μονάδες προϊόντος.

Δ.3 $Q_d = 240 - 4 \cdot P \stackrel{P=14}{\Rightarrow} \dots \Rightarrow Q_d = 184 \text{ μονάδες προϊόντος.}$

$$Q_s = 80 + 4 \cdot P \stackrel{P=14}{\Rightarrow} \dots \Rightarrow Q_s = 136 \text{ μονάδες προϊόντος.}$$

Επειδή η ζητούμενη ποσότητα (184) είναι μεγαλύτερη από την προσφερόμενη ποσότητα (136) στην αγορά του αγαθού παρουσιάζεται έλλειμμα ίσο με:

$$\text{Έλλειμμα} = Q_d - Q_s = 184 - 136 = 48 \text{ μονάδες προϊόντος.}$$

Δ.4

$$\text{Έλλειμμα} = \frac{1}{2} \cdot \text{Προσφερόμενη Ποσότητα} \Rightarrow Q_d - Q_s = \frac{1}{2} \cdot Q_s \Rightarrow$$

$$240 - 4 \cdot P - 80 - 4 \cdot P = \frac{1}{2} \cdot (80 + 4 \cdot P) \Rightarrow \dots \Rightarrow P = 12 \text{ χρηματικές μονάδες.}$$

Δ.5 $\Sigma \Delta_\Gamma = P_\Gamma \cdot Q_{D\Gamma} = 10 \cdot 200 = 2.000$ χρηματικές μονάδες.

$$\Sigma \Delta_\Delta = P_\Delta \cdot Q_{D\Delta} = 30 \cdot 120 = 3.600$$
 χρηματικές μονάδες.

$$\Delta \Sigma \Delta_{(\Gamma \rightarrow \Delta)} = \Sigma \Delta_\Delta - \Sigma \Delta_\Gamma = 3.600 - 2.000 = 1.600$$
 χρηματικές μονάδες.

$$E_{D(\hat{\Gamma}\Delta)} = \frac{Q_{D\Delta} - Q_{D\Gamma}}{P_\Delta - P_\Gamma} \cdot \frac{P_\Gamma + P_\Delta}{Q_{D\Gamma} + Q_{D\Delta}} = \frac{120 - 200}{30 - 10} \cdot \frac{10 + 30}{200 + 120} = \dots = -0,5.$$

Εφόσον η ζήτηση είναι ανελαστική, η συνολική δαπάνη των καταναλωτών επηρεάζεται από την τιμή και επειδή η τιμή του αγαθού αυξήθηκε γι' αυτό αυξήθηκε και η συνολική δαπάνη των καταναλωτών.

 <p>ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ</p>	<p>ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ (Ο.Ε.Φ.Ε.) – ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ</p>
<p>ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015 Β' ΦΑΣΗ</p>	<p>E_3.Αλ3Ε(α)</p>

Δ.6 α, β, και γ.

$$Q_D = 240 - 4 \cdot P \Rightarrow \begin{cases} \text{για } P=0 \Rightarrow \dots \Rightarrow Q_D = 240 \\ \text{για } Q_D = 0 \Rightarrow \dots \Rightarrow P = 60 \end{cases}$$

Επομένως προκύπτει ο πίνακας ζήτησης της συνάρτησης $Q_D = 240 - 4 \cdot P$:

	Τιμή (P)	Ζητούμενη Ποσότητα (Q _D)
K	0	240
Λ	60	0

$$Q_S = 80 + 4 \cdot P \Rightarrow \begin{cases} \text{για } P=0 \Rightarrow \dots \Rightarrow Q_S = 80 \\ \text{για } Q_S = 0 \Rightarrow \dots \Rightarrow P = -20 \end{cases}$$

Επομένως προκύπτει ο πίνακας προσφοράς της συνάρτησης $Q_S = 80 + 4 \cdot P$:

	Τιμή (P)	Προσφερόμενη Ποσότητα (Q _S)
M	0	80
N	-20	0

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015
Β' ΦΑΣΗ

E_3.Αλ3Ε(α)

